

## Dizionario matematico per una più facile lettura dei nostri fascicoli

◇  $\in$ : (*appartiene/in*) — Indica l'appartenenza di un elemento ad un certo insieme;  
 Es.  $x \in \mathbb{R}$ ;  $x$  appartiene ai numeri reali.  $x$  in  $\mathbb{R}$ .

◇  $\forall$ : (*Per ogni/ogni*) — Simbolo utilizzato all'interno di una frase per indicare che consideriamo ciascuno degli elementi che verificano una determinata condizione, specificata all'interno della frase;  
 Es.  $\forall x \in \mathbb{R}$ ; Per ogni  $x$  appartenente ad  $\mathbb{R}$ .

◇  $\exists$ : (*Esiste*) — Simbolo usato all'interno di una frase per indicare l'esistenza di un elemento che verifica delle condizioni, specificate all'interno della frase;  
 Es.  $\exists 0 \in \mathbb{N}$  esiste un elemento chiamato 0 che appartenente all'insieme  $\mathbb{N}$  dei numeri naturali.

◇  $\implies$ : (*implica/allora*) — Indica una conseguenza logica;  
 Es.  $A \implies B$ ;  $A$  implica  $B$ , se  $A$  allora  $B$ .

◇  $I(x_0)$ : (*I di x zero*) — Nel nostro fascicolo sui limiti indica un intorno di  $x_0$ , cioè un intervallo aperto contenente il punto  $x_0 \in \mathbb{R}$ ;  
 Es.  $x \in I(x_0)$ ;  $x$  è in un intorno di  $x_0$

◇  $I^+(x_0)$ : (*I più di x zero*) — Nel nostro fascicolo sui limiti indica un intorno destro di  $x_0$ , (si veda il fascicolo **Limiti** per la definizione);  
 Es.  $x \in I^+(x_0) \implies x > x_0$ ; Se  $x$  è in un intorno destro di  $x_0$  allora  $x$  è più grande di  $x_0$ .

◇  $I^-(x_0)$ : (*I meno di x zero*) — Nel nostro fascicolo sui limiti indica un intorno sinistro di  $x_0$ , (si veda il fascicolo **Limiti** per la definizione);  
 Es.  $x \in I^-(x_0) \implies x < x_0$ ; se  $x$  è in un intorno di sinistro di  $x_0$  allora  $x$  è più piccolo di  $x_0$ .

◇  $I_\delta(x_0)$ : (*I delta di x zero*) — Nel nostro fascicolo sui limiti indica un intorno circolare

di  $x_0$  con raggio  $\delta$  cioè un intorno del tipo  $(x_0 - \delta; x_0 + \delta)$ , dove  $\delta$  è un numero reale positivo;

Es.  $I_\delta(x_0) \subset \mathbb{R}$ ; un intorno circolare di raggio delta è un sottoinsieme dei numeri reali.

◇  $\mathbb{A}^+$ : (*A più*) — Indica tutti i numeri dell'insieme  $\mathbb{A}$  (con  $\mathbb{A}$  un insieme di numeri, come  $\mathbb{R}, \mathbb{Q}, \mathbb{Z}, \dots$ ) che sono positivi, cioè maggiori di 0;

Es.  $\mathbb{R}^+$  (*erre più*) tutti i numeri reali positivi.

◇  $|a - b| < c$ : (*modulo di a meno b minore di c*) — Indica che  $a$  non si discosta da  $b$  più di  $c$ ;

Es.  $|f(x) - L| < \varepsilon$ ;  $f(x)$  è vicino a  $L$ .

◇  $x \rightarrow c$ : (*x tende a c*) — Indica la vicinanza di  $x$  a  $c$ ;

Es.  $x \rightarrow c \implies f(x) \rightarrow L$ ; se  $x$  tende a  $c$ , allora  $f$  tende a  $L$ .

◇  $\text{dom}(f)$ : (*dominio di effe*) — Indica l'insieme di definizione della funzione  $f$ ;

Es.  $x \in \text{dom}(f) \setminus \text{dom}(f')$ ;  $x$  appartiene al dominio di  $f$  ma non della sua derivata.

◇  $f'(x)$ : (*effe primo*) — Indica la derivata di una funzione;

Es.  $f''(x)$ ; la derivata seconda di  $f$

◇  $\frac{\partial}{\partial x} f(x)$ : (*de effe de x*) — Indica la derivata di una funzione rispetto a una variabile (le altre variabili sono trattate come parametri);

Es.  $\frac{\partial}{\partial x} f(x, y)$  la derivata rispetto a  $x$  di una funzione di due variabili.

◇  $\dot{f}(x)$ : (*effe punto di x*) — Indica la derivata di una funzione, solitamente rispetto al tempo;

Es.  $\dot{f}(x(t)) = f'(x)\dot{x}(t)$ ; la derivata rispetto al tempo di una funzione composta. Equivalente a  $\frac{\partial}{\partial t} f(x(t))$ .

◇  $f'_{+/-}(x)$ : (*effe primo da destra/sinistra*) —

Indica la derivata destra/sinistra di una funzione;

Es.  $f'_+(x) = f'_-(x)$  la derivata destra di  $f$  coincide con quella sinistra.

◇  $\vec{a}$ : (il vettore  $a$ ) — Indica la quantità vettoriale  $a$ ;

Es.  $\vec{f}(x) = (f_1(x), f_2(x), f_3(x))$  una funzione vettoriale.

◇  $\nabla f$ : (gradiente di effe/grad effe) — Indica il vettore delle derivate rispetto ad ogni variabile;

Es.  $-\nabla V = \vec{F}$ , il gradiente cambiato di segno del potenziale è la forza.

◇  $\int f(x)dx$ : (Integrale di effe in de  $x$ ) — Indica le primitive della funzione  $f$  di variabile  $x$ ;

Es.  $\int t^2 dt = t^3/3 + c$ ; l'integrale di  $t$  al quadrato in  $dt$  è  $t$  al cubo terzi più  $c$ .

◇  $\int_a^b f(x)dx$ : (Integrale di effe in de  $x$  tra  $a$  e  $b$ ) — Indica l'integrale definito di  $f$  nell'intervallo  $[a, b]$ ;

Es.  $\int_0^x f(t)dt$ ; la funzione integrale tra zero e  $x$  di  $f$  in de  $t$ .

◇  $\int_C \vec{v}$ : (Integrale lungo  $c$  del vettore  $v$ ) — Indica l'integrale lungo una curva della funzione vettoriale  $v$ ;

Es.  $\int_C \vec{F}$ , l'integrale di lungo  $C$  della forza  $\vec{F}$ : il lavoro compiuto dalla forza.

◇  $\oint_C \vec{v}$ : (Circuitazione di  $v$  lungo  $c$ ) — Indica l'integrale di una funzione vettoriale lungo una linea chiusa;

Es.  $\oint_C \vec{E} = -\frac{d}{dt}\Phi_\Omega(\vec{B})$ , legge di Faraday-Neumann-Lenz: la circuitazione del campo elettrico lungo una linea chiusa è meno la derivata del flusso del campo magnetico.

◇  $\int_\Omega \vec{v}$ : (Integrale su omega del vettore  $v$ ) — Indica l'integrale di una funzione vettoriale su una superficie;

Es.  $\Phi_\Omega(\vec{F}) = \int_\Omega \vec{F}(p) \cdot \hat{n}(p) dp$  la definizione di flusso di un campo vettoriale  $\vec{F}$ .